Exercice 1 : Chercher un mot

Soit une chaîne de caractères d de longueur n et un mot t de longueur m<n.

1. Donner l'algorithme naïf retournant la position de la première occurrence du mot t dans la chaîne d (ou -1 s'il est absent). Quelle est sa complexité?
2. Donner de même l'algorithme retournant la position de toutes les occurrences du mot t dans la chaîne d (ou une liste vide s'il est absent). Quelle est sa complexité?
3. On suppose qu'on peut tester si un caractère c appartient au motif t en temps constant. Proposez un algorithme plus efficace que l'algorithme naïf.

on note d le texte et t le motif recherché dans le texte

```
Algo : recherche_simple
Données : d, t : chaînes de caractères
    n = len (d)
    m = len (t)
    i <-- 0
    tant que i < n - m:
        j <-- 0
        tant que j < m et d[i+j] = t[j] :
            j += 1
        si j == m :
           return i
        sinon :
           i <-- i + 1
```

Le deuxième est plus ou moins pareil

```
Algo : recherche_multiple
Données : d, t : chaînes de caractères
    n = len (d)
    m = len (t)
    l = []
    i <-- 0
    tant que i < n - m:
        j <-- 0
        tant que j < m et d[i+j] = t[j] :
            j += 1
        si j == m :
           l.append(i)
        i <-- i + 1
    retourner l
```

Cette approche a un inconvénient : après une comparaison infructueuse, la comparaison suivante débutera à la position i + 1, sans tenir aucun compte de celles qui ont déjà eu lieu à l'itération précédente, à la position i.

Algorithme de Boyer-Moore

L'algorithme de Boyer-Moore examine d'abord la chaîne `t` et en déduit des informations permettant de ne pas comparer chaque caractère plus d'une fois.

- On suppose qu'on peut tester si un caractère `c` appartient au motif `t` en temps constant
- Le but est de calculer un décalage permettant de ne pas inspecter les positions où il n'y a aucune chance de trouver le motif `t`.
- On commence par chercher la position `i = m - 1`
- Soit `c = d[i]` le dernier caractère
- Si `c` n'est pas dans `t`, le décalage vaut `m`
- Sinon on note `k` la position de la dernière occurrence de `c` dans `t`
  - si `k` vaut `m-1` (dernier caractère), le décalage vaut `m`
  - Sinon le décalage est égal à `m - 1 - k`

Exemple:

```
RECHERCHE DE CHAINES CODEES EN MACHINE
CHINE
     CHINE
          CHINE
             CHINE
              CHINE
                   CHINE
                        CHINE
                             CHINE
                                 CHINE
RECHERCHE DE CHAINES CODEES EN MACHINE
```

Voici le code :

```
Algo : recherche améliorée
Données : d, t : chaînes de caractères
    n = len (d)
    m = len (t)
    i <-- m - 1
    tant que i < n :
      # PRE-TRAITEMENT
        c = d[i]
        si c appartient à t:
           k <-- dernière_occurrence(c, t)
           si k == m-1:
               decalage <-- m
           sinon
               decalage <--  m - 1  - k
        sinon:
           decalage <-- m
      # TRAITEMENT
      j <-- 0
      tant que j < m :
         si t[m - j - 1] = d[i - j]
            j += 1
```

```
        sinon
           break
      si j = m:
        retourner i - m + 1
      # DECALAGE
      i <-- i + decalage
    retourner -1
```

Exercice 2 : Compter les mots

1. Écrire un algorithme qui compte le nombre de mots dans un texte.

Remarque : On considère comme caractère d'espacement tout caractère qui n'est pas alphanumérique (alphabétique accentué ou non et chiffres).

2. Dessiner l'automate fini correspondant.

Algorithme à expliquer avec un petit automate fini à deux états

```
def compte_mots(d):
    state = 0
    cpt = 0
    for i in range(len(d)):
        if state == 0 and is_alpha(d[i]):
            state = 1
            cpt += 1
        if state == 1 and is_sep(d[i]):
            state = 0
    return cpt
```

Exercice 3 : Palindrome

1. Écrire un algorithme récursif permettant de savoir si un tableau de caractères est un palindrome (un palindrome se lit "à l'endroit" et "à l'envers" de la même façon, comme par exemple "à l'étape, épate-la!").

Remarque : on ne considère ni la ponctuation, ni les espaces, ni les accents.

Quelle est sa complexité?

C'est un algo qu'on a déjà vu

2. Pouvez-vous définir un automate fini capable de reconnaître les palindromes?

L'intérêt de cet exo est de montrer que certains motifs ne sont pas reconnaissables par les automates finis. Ici dans le cas du palindrome, il faudrait un automate qui accepte a, b, aa, bb, aaa, aba, bbb, bab, aaaa, abba, etc... l'automate existe si on limite la taille max des palindromes mais pas dans le cas général. Par ailleurs, le nb d'états est exponentiel.

La solution consisterait à utiliser un automate à pile (non vu en cours). On a alors deux états principaux : un état correspondant à l'empilage des symboles d'entrée, et un état correspondant au dépilage de la pile et à la comparaison avec les symboles d'entrée. La comparaison n'est acceptée que si les symboles sont identiques, et le mot est reconnu lorsque la pile est vide.

Exercice 4 : Expressions régulières

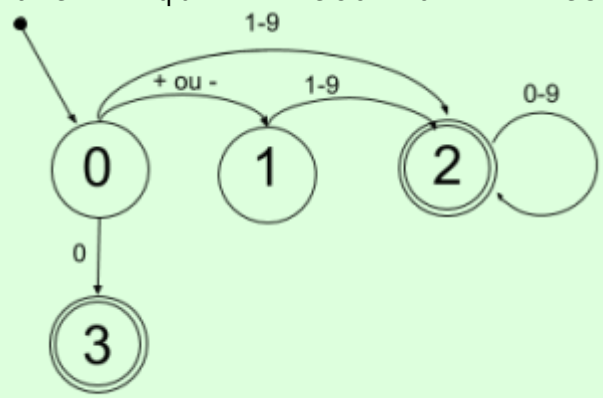
- Les langages réguliers sont des types de langages formels qui peuvent être reconnus par un automate fini.
- Le langage des expressions régulières est un langage régulier qui permet de décrire des motifs (c'est à dire des classes de mots) dans une chaîne de caractère.

1. Donnez l'expression régulière permettant de reconnaître les entiers relatifs et dessiner l'automate fini correspondant.

Réponse : `([+-]?[1-9][0-9]*|0)`

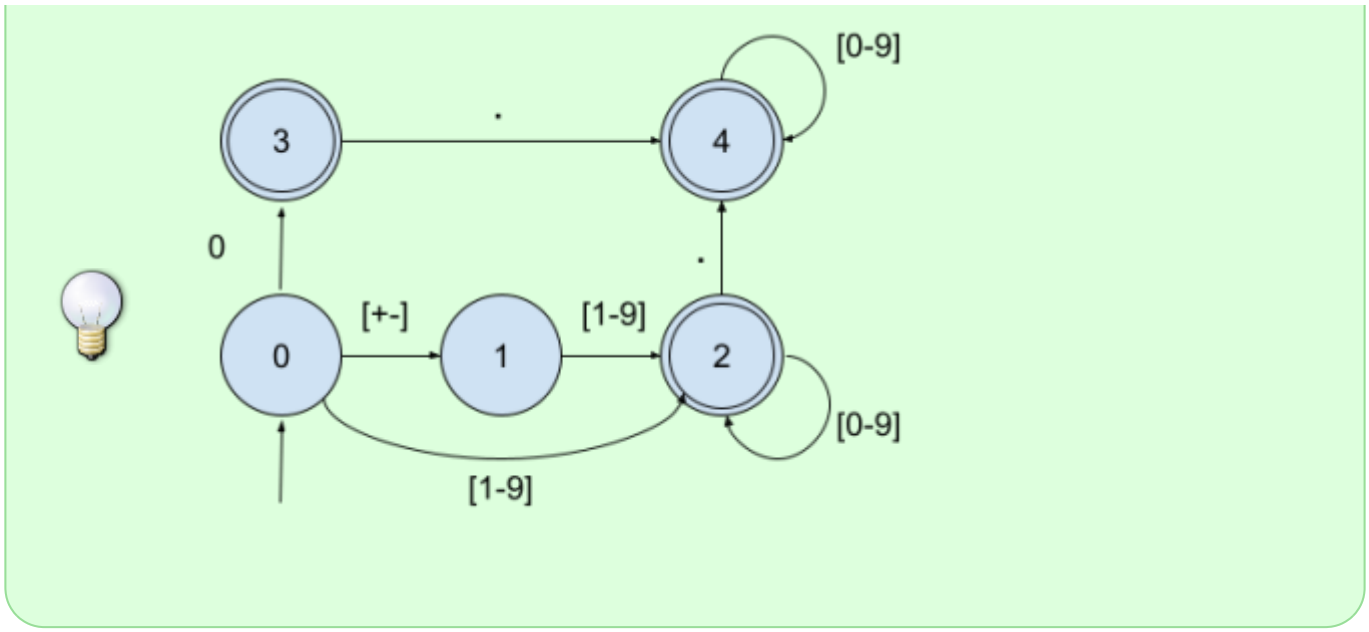
- le chiffre commence par +, - ou rien du tout
- il n’y a pas de 0 au début de la partie entière
- il n’y a pas de caractère entre, seulement des chiffres au milieu.

Automate qui reconnaît les nombres entiers:

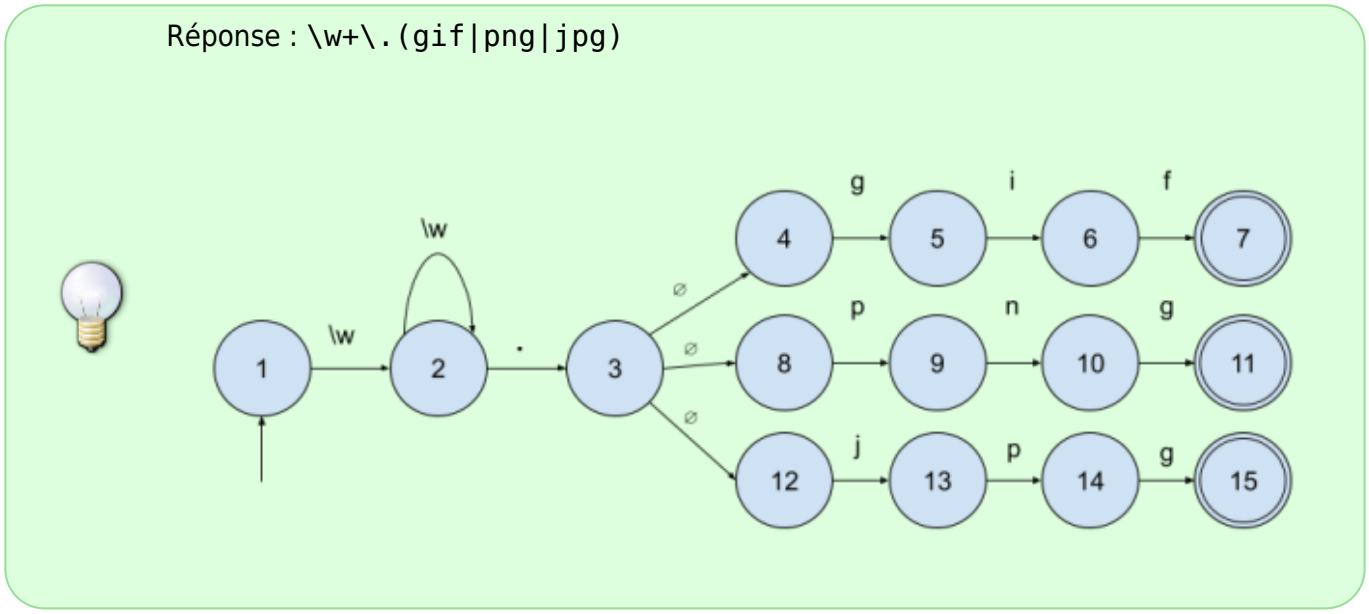


2. Donnez l'expression régulière permettant de reconnaître les nombres décimaux (par exemple `-3`, `12.3`, `-12.34`, `+3`, `0.`) et dessiner l'automate fini correspondant.

Réponse : `([+-]?[1-9][0-9]*|0)\.[0-9]*`



3. Donnez l'expression régulière expression régulière qui valide les noms de fichiers se terminant par l'une des extensions spécifiées : `.jpg`, `.png`, ou `.gif` et dessiner l'automate fini correspondant.



4. Donnez une expression régulière pour reconnaître les URL commençant par https://.

Correction :

```
https://[a-zA-Z0-9.-]+\.[a-zA-Z]{2,}
```

5. Écrivez une expression régulière pour reconnaître la date et l'heure au format `YYYY-MM-DD (HH:MM)` Correction :

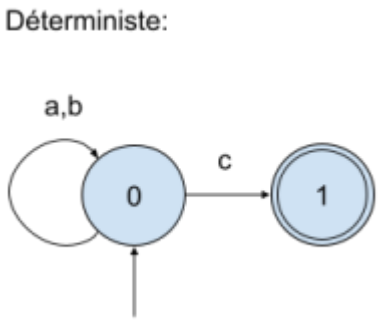
```
\d\d\d\d-(0[1-9]|1[12])-(0[1-9]|[12][0-9]|3[0-1])
\((0[0-9]|1[0-9]|2[0-3]):[0-5][0-9]\)
```

Exercice 5

1. **Ecrire l'algorithme de reconnaissance de l'expression régulière `(a|b)*c`**

```
def reconnait(s):
    final = False
    for c in s:
        if final:
            final = False
            break
        if (c not in 'abc'):
            break
        if c=='c':
            final = True
    return final
```

2. **Dessiner son automate fini**



3. **Soit `G` le graphe orienté décrivant cet automate, chaque arête étant indexée par un caractère. Donner l'algorithme qui indique si oui ou non l'expression est reconnue dans une chaîne `s` à partir de son automate fini.**

```
G = { 0 : {'a':0, 'b':0, 'c':1}, 1:{}}

def reconnait_auto(s, G):
    state = 0
    for c in s:
        if c in G[state]:
            state = G[state][c]
        else:
            return False
    if state == 1:
        return True
    else:
        return False
```

4. **Quelle est sa complexité?**

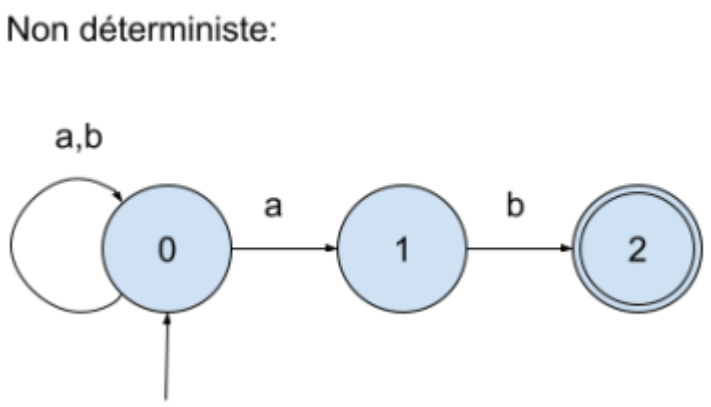
Longueur de la chaîne

Exercice 6

1. **Même exercice avec l'expression régulière `(a|b)*ab`**

```
def reconnait_nd(s):
    transit_a = False
    final_b = False
    for c in s:
        if (c not in 'ab'):
            break
        if c=='b':
            if transit_a:
                transit_a = False
                final_b = True
            else:
                final_b = False
        if c == 'a':
            final_b = False
            transit_a = True
    return final_b
```

2. **Dessiner son automate fini**



Voir le graphe G ci-dessous **Attention, graphe non déterministe!!**

```
G = { 0 : {'a':(0,1), 'b':(0,)}, 1:{'b':(2,)}, 2:{}}
```

3. **Soit G le graphe orienté décrivant cet automate, chaque arête étant indexée par un caractère. Donner l'algorithme qui indique si oui ou non l'expression est reconnue dans une chaîne s à partir de son automate fini.**

```
def reconnait_auto_nd(s, G):
    states = set((0,))
    for c in s:
        previous_states = states
        states = set()
        for state in previous_states:
            if c in G[state]:
```

```
                next_states = G[state][c]
                for state in next_states:
                    states.add(state)
        print(c, states)
        if len(states) == 0 :
            return False
    if 2 in states:
        return True
    else:
        return False
```

4. **Complexité**

$O(n \times l)$ avec n le nb d'états et l la longueur de la chaîne

From:
https://wiki.centrale-med.fr/informatique/ - **WiKi informatique**

Permanent link:
https://wiki.centrale-med.fr/informatique/tc_info:2023-td-texte-corr

Last update: **2023/12/01 09:49**