

# TD6 : Structures de données

[version imprimable](#)

## Partie A : Tableaux statiques

### Exercice 1

On considère un ensemble de  $k$  données stockés dans un tableau de données statique  $T$  de  $n$  cases (avec  $0 \leq k \leq n$ ).

Remarques :

- Les cases du tableau sont numérotées de  $0$  à  $n-1$
- Les données sont de type quelconque mais chaque case ne peut contenir qu'une donnée
- Si  $i$  est un indice de case,  $T[i]$  désigne le contenu de la case
- $n$  est fixé mais  $k$  varie en fonction du nombre de données stockées

1. Le stockage est dense, autrement dit: les données sont stockés dans les  $k$  premières cases du tableau. Ainsi, les cases de  $0$  à  $k-1$  sont occupées et l'indice  $k$  désigne la première case libre.

- Ecrire un algorithme permettant d'insérer une nouvelle donnée  $t$  dans le tableau  $T$
- Ecrire un algorithme de *recherche* qui prend en argument une donnée  $t$  et retourne :
  - le numéro de toutes les cases contenant  $t$  si  $t$  est présent dans le tableau
  - une liste vide sinon ("donnée absente")
- Ecrire un algorithme de *suppression* prend en argument une donnée  $t$  et :
  - supprime toutes les occurrences de  $t$  du tableau si  $t$  est présent dans le tableau
  - Ne fait rien sinon
- Donner la complexité de ces algorithmes.

2. On suppose maintenant qu'il n'y a pas de doublons dans le tableau, autrement dit  $\forall i, j < k$ , si  $i \neq j$  alors  $T[i] \neq T[j]$ . Réécrire les algorithmes de recherche, d'insertion et de suppression et donner leur complexité.

3. On suppose maintenant qu'il existe un ordre  $<$  sur les données.  $\forall i, j < k$ , si  $i < j$  alors  $T[i] < T[j]$ . Réécrire les algorithmes de recherche, d'insertion et de suppression et donner leur complexité.

4. Que faire quand le tableau est plein?

### Exercice 2 (\*)

On appelle *liste* une structure abstraite ordonnée telle que l'on puisse accéder de manière directe à l'élément  $i$  et à laquelle on puisse ajouter (et supprimer) autant d'éléments que l'on souhaite. Une caractéristique importante de cette structure est son nombre d'éléments  $k$ .

Une implémentation des listes peut être effectuée comme suit:

- On commence par créer un tableau de taille  $n = 1$ , le nombre initial d'éléments étant  $k = 0$

- A chaque ajout d'élément:
  - si  $k < n$ ,
    - ajouter l'élément à la position  $k$
    - $k \leftarrow k + 1$
  - sinon :
    - allouer un tableau à  $2 * n$  éléments et  $n \leftarrow n * 2$
    - copier les  $k$  premiers éléments du tableau initial dans le nouveau tableau & supprimer le tableau initial.
    - ajouter l'élément à la position  $k$
    - $k \leftarrow k + 1$

Montrez que la complexité de l'ajout de  $k$  éléments à la fin d'une liste originellement vide est  $O(k)$ .

## Partie B : Tables de hachage



Soit  $U$  un "univers" dont les éléments sont appelés *clés*. Soit  $E$  un ensemble de clés. On suppose que l'on a une fonction  $h:U \rightarrow \{0, \dots, n-1\}$ , dite *fonction de hachage* (ou *hashcode*). Une *table de hachage* est un tableau  $T$  de taille  $n$  tel que  $T[i]$  est une liste contenant les éléments  $x$  de  $E$  tels que  $h(x)=i$ . Si deux éléments de  $E$  ont le même hashcode, on dit qu'il y a *collision*.

### Exercice 1

Donnez des algorithmes pour rechercher, insérer & supprimer un élément dans une table de hachage. Donnez leur complexité dans le cas le meilleur, le pire & en moyenne.

(\*\*) Déduisez-en la valeur optimale (en ordre de grandeur) de  $n$  en fonction du nombre d'éléments stockés  $k$ , ainsi qu'une contrainte sur la fonction de hachage.

### Exercice 2

Il arrive souvent que l'on ne sache pas à l'avance combien d'éléments contient  $E$  & que l'on mette les éléments de  $E$  dans  $T$  l'un après l'autre sans savoir quand on s'arrêtera. Donnez une "politique" efficace de gestion de la taille de  $T$ .

### Exercice 3 (\*)

Soit  $S$  un ensemble de nombres à trier, on répartit  $S$  en une table de hachage tel que la fonction de hachage soit croissante ( $x \leq y \Rightarrow h(x) \leq h(y)$ ). On trie chaque paquet, puis on concatène. On appelle ce tri le *tri par paquets*.

- Donnez une fonction de hachage simple & croissante.
- Quelle est la complexité de cet algorithme dans le cas le meilleur, le pire & en moyenne.

## Partie C : Dictionnaires

Un *dictionnaire* est une structure de données (python) qui se présente ainsi:

```
D = {clé_1:valeur_1, clé_2:valeur_2, ..., clé_n:valeur_n}
```

Les clés pouvant être de (presque) n'importe que type (& pas seulement l'ensemble  $\{0, \dots, n-1\}$  comme avec une liste).



- On accède à `valeur_i`, la valeur associée à `clé_i` par `D[clé_i]`.
- L'opération `D[clé_p] ← valeur_p`,
  - si `clé_p` n'est pas une clé de `D`, ajoute cette nouvelle clé à `D` & lui associe la valeur `valeur_p`
  - si `clé_p` est déjà une clé de `D`, elle change la valeur qui lui est associée en `valeur_p`.

### Exercice 1

Donnez une implémentation efficace des dictionnaires. Quelle est alors la complexité (dans le cas le meilleur, le pire & en moyenne) des fonctions de base (recherche, ajout d'un élément,...) sur un dictionnaire.

### Exercice 2

Utilisez un dictionnaire pour écrire un algorithme qui compte le nombre d'occurrences de chaque mot d'un texte.

### Exercice 3

Utilisez un dictionnaire pour écrire un algorithme qui supprime les doublons d'une liste. Donnez sa complexité (dans le cas le pire, le meilleur & en moyenne).

[td2-2018-2019](#)

[td4-2018-2019](#)

From:

<https://wiki.centrale-med.fr/informatique/> - **WiKi informatique**

Permanent link:

[https://wiki.centrale-med.fr/informatique/tc\\_info:td2](https://wiki.centrale-med.fr/informatique/tc_info:td2)

Last update: **2019/11/20 13:26**

